

PROBLEMA 25

Una empresa produce una determinada bebida a partir de dos ingredientes básicos. El proceso de elaboración de la bebida puede llevarse a cabo de dos formas distintas. Para producir un litro de la bebida, de la forma 1 requerirá 1 litro del primer ingrediente y 2 del segundo, mientras que de la forma 2 requerirá 2 litros del primer ingrediente y 1 del segundo. El proveedor habitual le puede suministrar hasta 900 litros de cada ingrediente a un coste de 3 € por litro el primero de ellos y de 5 € por litro el segundo. La empresa plantea el siguiente problema para determinar cómo debe ser su producción de la próxima semana para satisfacer una demanda de 500 litros de la bebida con el menor coste posible:

$$\min z = 13x + 11y$$

$$x + y \geq 500$$

$$x + 2y \leq 900$$

$$2x + y \leq 900$$

$$x, y \geq 0$$

siendo su correspondiente tabla óptima

	$x$	$y$	$s_1$	$s_2$	$s_3$	
$-z$	0	0	15	2	0	-5700
$y$	0	1	1	1	0	400
$s_3$	0	0	3	1	1	300
$x$	1	0	-2	-1	0	100

Se pide responder a las siguientes cuestiones, independientemente unas de otras, y razonando y calculando a partir de la tabla óptima:

1. ¿Qué precio mínimo debería pedir para cubrir costes por cada litro más que se le solicite de la bebida? Si la demanda se mantiene pero puede acceder a otro proveedor distinto del habitual aunque más caro para que le suministre los ingredientes, ¿qué precio máximo debería pagar por cada litro de los dos ingredientes?
2. ¿Cuánto podría variar el coste del ingrediente 1 sin que cambie la solución actual?
3. ¿Cuál sería la solución si la demanda fuera de 400 litros?

PROBLEMA 28

## II.5 BIBLIOTECA DE PROBLEMAS

La fabricación de tres artículos,  $x$ ,  $y$  y  $z$ , requiere dos materias primas,  $m_1$  y  $m_2$ , de las que hay 4800 y 5400 unidades respectivamente en existencias. Los beneficios unitarios de esos artículos ascienden a 2, 5 y 4 € respectivamente y los requerimientos de materias primas de cada unidad de los productos vienen dados en la tabla siguiente:

	$x$	$y$	$z$
$m_1$	1	4	3
$m_2$	2	3	5

El siguiente modelo de programación lineal proporciona la gama de artículos para los que el beneficio total es máximo.

$$\max w = 2x + 5y + 4z$$

$$x + 4y + 3z \leq 4800$$

$$2x + 3y + 5z \leq 5400$$

$$x, y, z \geq 0$$

La tabla final del método simplex de este modelo es:

	$w$	$x$	$y$	$z$	$h_1$	$h_2$	Cotas
$-w$	-1	0	0	-1.4	-0.8	-0.6	-7080
$x$	0	1	0	2.2	-0.6	0.8	1440
$y$	0	0	1	0.2	0.4	-0.2	840

1. Se consiguen 100 unidades más de  $m_1$  y 200 de  $m_2$ , ¿seguirá estando la gama óptima de producción constituida por artículos de los tipos  $x$  e  $y$ ?, ¿por qué? En cualquier caso, ¿cuántos artículos de los tipos  $x$  e  $y$  se producirían?
2. ¿Cuál debería ser el beneficio mínimo proporcionado por una unidad de  $z$  para que fuera económicamente interesante su producción? ¿Cuál sería en ese caso la gama de producción?
3. Cabe la posibilidad de fabricar unidades de un cuarto artículo  $v$ . Una unidad de  $v$  requiere 6 unidades de  $m_1$  y 4 de  $m_2$ . ¿Cuál es el beneficio mínimo que debería proporcionar para que económicamente fuera interesante su producción?
4. ¿Cuál sería la solución óptima si hubiera que satisfacer una demanda global de 2500 unidades?